

(K1)-(K10)

$a, b, c \in \mathbb{K}$ と \mathbb{K} 上の二項演算 $p(a, b)$ と $q(a, b)$ に対して, (R1)-(R10) は次のように一般化される.

$$(K1) \quad p(a, b) = p(b, a) \quad (p \text{ の交換律})$$

$$(K2) \quad p(p(a, b), c) = p(a, p(b, c)) \quad (p \text{ の結合律})$$

$$(K3) \quad \exists \mathbf{n} \in \mathbb{K}, \quad \forall a \in \mathbb{K}, \\ p(a, \mathbf{n}) = p(\mathbf{n}, a) = a \quad (\text{零元 } (p \text{ の単位元}) \text{ の存在})$$

$$(K4) \quad \forall a \in \mathbb{K}, \quad \exists \bar{a} \in \mathbb{K}, \\ p(a, \bar{a}) = p(\bar{a}, a) = \mathbf{n} \quad (p \text{ の逆元の存在})$$

$$(K5) \quad q(a, b) = q(b, a). \quad (q \text{ の交換律})$$

$$(K6) \quad q(q(a, b), c) = q(a, q(b, c)) \quad (q \text{ の結合律})$$

$$(K7) \quad \exists \mathbf{e} \in \mathbb{K}, \quad \forall a \in \mathbb{K}, \\ q(a, \mathbf{e}) = q(\mathbf{e}, a) = a \quad (\text{単位元 } (q \text{ の零元}) \text{ の存在})$$

$$(K8) \quad \forall a \in \mathbb{K} \setminus \{\mathbf{n}\}, \quad \exists a^{-1} \in \mathbb{K}, \\ q(a, a^{-1}) = q(a^{-1}, a) = \mathbf{e} \quad (q \text{ の逆元の存在})$$

$$(K9) \quad q(a, p(b, c)) = p(q(a, b), q(a, c)), \\ q(p(a, b), c) = p(q(a, c), q(b, c)) \quad (\text{分配律})$$

$$(K10) \quad \mathbf{e} \neq \mathbf{n} \quad (\text{零元以外の元の存在})$$